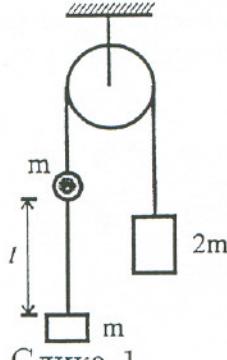


ЈУГОСЛОВЕНСКО ДРУШТВО ФИЗИЧАРА
МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ РЕПУБЛИКЕ ЦРНЕ ГОРЕ
МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ И СПОРТА РЕПУБЛИКЕ СРБИЈЕ

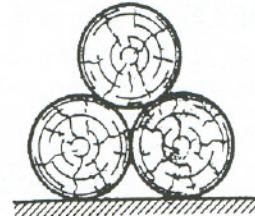
39. САВЕЗНО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ ФИЗИКЕ

VII разред

- Балон се креће вертикално наниже константном брзином $u = 2 \text{ m/s}$. Из балона се баци куглица, вертикално навише, почетном брзином $v_0 = 10 \text{ m/s}$ у односу на земљу. Израчунати растојање између куглице и балона када она достигне максималну висину у односу на земљу. Наћи време од тренутка избацивања куглице до њеног повратка у балон.
- Две куглице од истог материјала падају кроз ваздух. Полупречник прве од њих је четири пута мањи од полупречника друге. Сматрајући да је отпор ваздуха сразмеран квадрату полупречника и квадрату брзине тела, наћи однос брзина куглица када оне достигну константну брзину падања. (Запремина куглице сразмерна је трећем степену полупречника.)
- Преко идеалног котура занемарљиве масе, пребачена је неистегљива, лака, дугачка нит. О један крај нити обешено је тело масе $2m$, а о други куглица и тег једнаких маса m , на почетном међусобном растојању ℓ , као на слици 1. Куглица може да клизи дуж нити, при чему је сила трења између ње и нити константна и износи F_{tr} . Ако је у почетном тренутку систем мировао, наћи брзину којом ће куглица ударити у тег.
- На непокретну мету масе M , која се налази на глаткој хоризонталној подлози по којој може да клизи без трења, удара метак масе m који се креће паралелно подлози брзином \tilde{v} . Дубина продирања метка у мету је d , а мета је заједно са метком наставила да клизи по подлози. Уз претпоставку да је сила кочења која је деловала на метак константна, наћи њен интензитет F и коначну брзину мете са метком \tilde{V} .
- Три једнака дрвена цилиндра (балвана) постављена су као на слици 2. Наћи минималну вредност коефицијента трења μ између балвана да би они остали непокретни. Претпоставити да клизање балвана по поду није могуће.



Слика 1



Слика 2

Напомена: За убрзање Земљине теже узети $g = 10 \text{ m/s}^2$.

Сваки задатак носи 20 поена.

Задатке припремио: др Иван Манчев

Рецензент: др Драган Гајић

Председник комисије: др Надежда Новаковић

Решење задатака за Савезно такмичење ученика
основних школа школске 2003/04. године

VII разред

1. У односу на балон тело се баци вертикално навише брзином $V_0 = v_0 + u$. Максималну висину у односу на земљу тело достиже после времена $t = v_0/g$. Растојање између тела и балона тада је једнако путу који тело пређе у односу на балон:

$$\ell = V_0 t - \frac{1}{2} g t^2 = (v_0 + u)t - \frac{1}{2} g t^2 = \frac{v_0(v_0 + u)}{g} - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0(v_0 + 2u)}{2g} = 7 \text{ m.}$$

Време које треба телу да стигне до највише тачке у односу на балон је $t' = \frac{V_0}{g} = \frac{v_0 + u}{g}$. Исто толико времена му треба и да падне из највише тачке у балон, па је тражено време $\tau = 2t' = \frac{2(v_0 + u)}{g} = 2,4 \text{ s.}$

2. Куглице достигну константну брзину падања када сила отпора буде једнака сили земљине теже: $k r_1^2 v_1^2 = m_1 g$, $k r_2^2 v_2^2 = m_2 g$. Однос брзина је

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{m_1 r_2^2}{m_2 r_1^2}} = \sqrt{\frac{\gamma r_1^3 r_2^2}{\gamma r_2^3 r_1^2}} = \sqrt{\frac{r_1}{r_2}} = \frac{1}{2}.$$

3. Једначине кретања за мало тело, куглицу и велико тело су: $T - mg = ma$, $mg - F_{tr} = ma_1$, $2mg - T' = 2ma$. Због идеалности мора да буде $T' = F_{tr} + T$. Из друге једначине се може наћи убрзање a_1 , а из преостале две убрзање a . Да би се нашла брзина којом куглица удари у тег, потребно је одредити релативно убрзање куглице у односу на тег, а то је $a_{rel} = a + a_1 = \frac{4}{3} \left(g - \frac{F_{tr}}{m} \right)$. Брзина је $v = \sqrt{2a_{rel}\ell} = \sqrt{\frac{8\ell}{3} \left(g - \frac{F_{tr}}{m} \right)}$.

4. Интензитет убрзања метка је $a = F/m$ и важи $V = v - at = v - Ft/m$, где је t време од уласка метка у мету до њеног заустављања у односу на мету. На мету делује сила интензитета F (у правцу и смеру вектора \vec{v}), па је интензитет убрзања мете $A = F/M$ и важи $V = At = Ft/M$. Решавањем горњих једначина добијамо $V = v/(1 + M/m)$. Ако са D означимо пут који мета пређе за време t , онда важи $V^2 = 2AD$, односно $D = V^2/2A$, док за метак важи $V^2 = v^2 - 2a(d+D)$, па након замене израза за D и коришћења $a/A = M/m$ добијамо $V^2 = v^2 - 2ad - MV^2/m$, одакле је $a = (v^2/2 - V^2/2 - MV^2/2m)/d$, односно $F = ma = (mv^2/2 - mV^2/2 - MV^2/2)/d$. Ако искористимо добијени израз за V , коначно добијамо $F = \frac{mM}{m+M} \frac{v^2}{2d}$. Тражене величине можемо да добијемо и коришћењем закона одржања енергије.

5. На доњи леви цилиндар делују следеће силе: F сила притиска од стране горњег цилиндра; F_{tr} сила трења између цилиндара; f_{tr} - сила трења између цилиндра и подлоге; Q тежина; N сила реакције. За равнотежу цилиндра неопходно је да: 1) суме момената у односу на тачку O буде нула тј. $F_{tr}r - f_{tr}r = 0$, где је r радијус цилиндра; 2) суме пројекција сила на хоризонталну осу једнака нули, $f_{tr} + F_{tr} \frac{\sqrt{3}}{2} - F \frac{1}{2} = 0$. Узимајући да је $F_{tr} = \mu F$, и искључивањем f_{tr} из горњих једначина налазимо

$$\mu \geq \frac{1/2}{1 + \sqrt{3}/2} = 2 - \sqrt{3} = 0,27.$$

